



امتحان شهادة ختم التعليم الأساسي العام			الجمهورية التونسية وزارة التربية
دورة 2024			
الاختبار: الرياضيات	الحصة : ساعتان	ضارب الاختبار: 2	

8 JUIN 2024



الإصلاح ومقياس إسناد الأعداد

التمرين الأول : (3 نقاط)

رقم السؤال	الإصلاح	المقياس
(1)	(ج)	1
(2)	(ب)	1
(3)	(ب)	1

التمرين الثاني : (3.5 نقاط)

السؤال	الإصلاح	المقياس
(1) (أ)	$7\sqrt{2}$ و $3\sqrt{11}$ موجبان و $(3\sqrt{11})^2 = 99$ و $(7\sqrt{2})^2 = 98$ إذن $(7\sqrt{2})^2 < (3\sqrt{11})^2$ و بالتالي $7\sqrt{2} < 3\sqrt{11}$	$0.5 = 2 \times 0.25$
(ب)	$(7\sqrt{2} - 3\sqrt{11})^2 = (7\sqrt{2})^2 - 2(7\sqrt{2} \times 3\sqrt{11}) + (3\sqrt{11})^2$ $= 98 - 42\sqrt{22} + 99$ $= 197 - 42\sqrt{22}$	$0.5 = 2 \times 0.25$
(ج)	$a = \sqrt{197 - 42\sqrt{22}} = \sqrt{(7\sqrt{2} - 3\sqrt{11})^2}$ $= 7\sqrt{2} - 3\sqrt{11} = 3\sqrt{11} - 7\sqrt{2}$	$0.5 = 2 \times 0.25$
(2)	$(\sqrt{11} - \sqrt{2})(\sqrt{11} + \sqrt{2}) = (\sqrt{11})^2 - (\sqrt{2})^2 = 9$ $b = \frac{27}{\sqrt{11} + \sqrt{2}} + 2\sqrt{50} = \frac{3 \times 9}{(\sqrt{11} + \sqrt{2})} + 10\sqrt{2} = \frac{3 \times (\sqrt{11} + \sqrt{2})(\sqrt{11} - \sqrt{2})}{(\sqrt{11} + \sqrt{2})} + 10\sqrt{2}$ $= 3(\sqrt{11} - \sqrt{2}) + 10\sqrt{2} = 3\sqrt{11} + 7\sqrt{2}$	0.25 $0.5 = 2 \times 0.25$
(3) (أ)	$a \cdot b = 99 - 98 = 1$ إذن a و b عددان مقلوبان	0.25
(ب)		$0.5 = 2 \times 0.25$
(ج)	$0 < a < 1$ إذن $0 < a^2 < a$ و منه $197 - 42\sqrt{22} < 3\sqrt{11} - 7\sqrt{2}$ إذن $197 + 7\sqrt{2} < 3\sqrt{11} + 42\sqrt{22}$	$0.5 = 2 \times 0.25$





التمرين الثالث : (4.5 نقاط)

المقياس	الإصلاح	السؤال
0.5	$(x-\sqrt{2})(x+2\sqrt{2}) = x^2 + x \cdot 2\sqrt{2} - x\sqrt{2} - 2\sqrt{2}\sqrt{2} = x^2 + x\sqrt{2} - 4$	(1) أ
0.5 = 2x0.25	$x = -2\sqrt{2}$ أو $x = \sqrt{2}$ يعني $(x-\sqrt{2})(x+2\sqrt{2}) = 0$ يعني $x^2 + x\sqrt{2} - 4 = 0$ $S_1 = \{-2\sqrt{2}, \sqrt{2}\}$	ب
0.5 = 2x0.25	$x = -\sqrt{2}$ $T = (-\sqrt{2})^2 + (-\sqrt{2})\sqrt{2} - 9 = 2 - 2 - 9 = -9$	(2) أ
0.75 = 3x0.25	$-3 < x < -1$ $(-1)^2 < x^2 < (-3)^2$ $-3\sqrt{2} < x\sqrt{2} < -\sqrt{2}$ $1 - 3\sqrt{2} - 9 < x^2 + x\sqrt{2} - 9 < 9 - \sqrt{2} - 9$ $T < -\sqrt{2}$ إذن	ب
0.75 = 3x0.25	$]-3; -1[$ يعني $ T = 5$ يعني $ x^2 + x\sqrt{2} - 9 = 5$ لدينا $T < -\sqrt{2}$ فإذن $T = -5$ ومنه $x^2 + x\sqrt{2} - 9 = -5$ يعني $x^2 + x\sqrt{2} - 4 = 0$ يعني $x = -2\sqrt{2}$ أو $x = \sqrt{2}$ وبما أن $\sqrt{2}$ لا ينتمي إلى المجال $]-3; -1[$ فإذن $x = -2\sqrt{2}$	ج
0.5 = 2x0.25	$-\sqrt{2} < x < 0$ يعني $-\frac{1}{\sqrt{2}} < x + \frac{1}{\sqrt{2}} < \frac{1}{\sqrt{2}}$ يعني $ x + \frac{1}{\sqrt{2}} < \frac{1}{\sqrt{2}}$ $x \in]-\sqrt{2}, 0[$	(3) أ
0.5 = 2x0.25	$\left(x + \frac{1}{\sqrt{2}}\right)^2 - \frac{19}{2} = x^2 + 2x \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} + \left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)^2 - \frac{19}{2}$ $= x^2 + \frac{2}{\sqrt{2}}x + \frac{1}{2} - \frac{19}{2} = x^2 + x\sqrt{2} - 9 = T$	ب
0.5 = 2x0.25	$T < -9$ يعني $\left(x + \frac{1}{\sqrt{2}}\right)^2 - \frac{19}{2} < -9$ يعني $\left(x + \frac{1}{\sqrt{2}}\right)^2 < \frac{1}{2}$ يعني $ x + \frac{1}{\sqrt{2}} < \frac{1}{\sqrt{2}}$ إذن $x \in]-\sqrt{2}, 0[$	ج

التمرين الرابع : (4.5 نقاط)

المقياس	الإصلاح	السؤال
0.5 = 2x0.25	$EM^2 = EH^2 + HM^2 = 27 + 9 = 36$ إذن H مثلث قائم في H وبالتالي $EM = 6$	(1) أ
0.5 = 2x0.25	$MF = 6$ (استعمال بيتاغور أو تقايس المثلثات...) $EM = 6 = EF$ إذن المثلث EFM متقايس الاضلاع.	ب -
0.5 = 2x0.25	EFM متقايس الاضلاع و A منتصف $[EM]$ إذن $[FI]$ الارتفاع الصادر من F ومنه $FI = \frac{\sqrt{3}}{2} EF = 3\sqrt{3}$	(2) أ





0.5 = 2x0.25		$(AE) \perp (EH)$ $(AE) \perp (EFH)$ $(AE) \perp (EM)$ إذن $(ME) \subset (EFH)$	$(AE) \perp (EH)$ $(AE) \perp (EF)$ $(EH) \cap (EF) = \{E\}$ $(ME) \subset (EFH)$	ب -
0.5 = 2x0.25	28 JUN 2024	$AI^2 = AE^2 + \left(\frac{EM}{2}\right)^2 = 4^2 + 3^2 = 25$ $AI = 5$	لدينا مثلث قائم الزاوية في E إذن	ج -
0.5 = 2x0.25		$AF^2 = AB^2 + BF^2 = 36 + 16 = 52$ $AI^2 + IF^2 = 25 + 27 = 52$ $AI^2 + IF^2 = AF^2$ ومنه AFI قائم الزاوية في I.		د -
0.5 = 2x0.25		(FI) عمودي على (AI) و (FI) عمودي على (EM) إذن (FI) عمودي على (AEM)		(3)
0.5 = 2x0.25		في المثلث AEM لدينا J منتصف [AM] و I منتصف [EM] إذن (AE) // (IJ)		(4) أ -
0.25		(JI) و (FB) متوازيان إذن (JI) محتوي في (BFI)		ب -
0.25		I و J نقطتان من (AEM) وبالتالي (JI) محتوي في (AEM) المستويان (AEM) و (BFI) غير متطابقين (لأن A نقطة غير مشتركة) إذن المستويان (AEM) و (BFI) يتقاطعان حسب المستقيم (IJ)		

التمرين الخامس : (4.5 نقاط)

المقياس	الإصلاح	المسؤول
0.25	$S = \frac{(MN + PQ) \times AQ}{2} = \frac{(4 - 2x + 4)(5 - x)}{2}$	(1) أ -
0.25	$= \frac{2 \times (4 - x)(5 - x)}{2} = (4 - x)(5 - x)$	
0.25	$(4 - x)(5 - x) = x^2 - 4x - 5x + 20 = x^2 - 9x + 20$	ب -
0.25	$12 + (x - 1)(x - 8) = 12 + x^2 - 9x + 8 = x^2 - 9x + 20$	
0.25	$12 + (x - 1)(x - 8) = 12$	ج -
0.25	$x = 8$ أو $x = 1$ يعني $(x - 1)(x - 8) = 0$	
0.25	$x = 1$ إذن $8 \notin]0, 2[$	
0.5	$\frac{OM}{OQ} = \frac{MN}{QP} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$ حسب طاليس $(MN) // (QP)$ $N \in (OP)$ $M \in (OQ)$	(2) أ -
0.25	في المثلث OPQ لدينا	
0.5	بما أن $M \in [OQ]$ فإن M منتصف [OQ]	ب -

الإصلاح ومقياس إسناد الأعداد





مرحبا بكم علي منصة مراجعة



COLLEGE.MOURAJAA.COM



NEWS.MOURAJAA.COM

